(Équations différentielles non homogène)

Question 1

Résoudre : $y'-2y=\frac{e^{\frac{3}{2}x}-8}{2}$

Question 2

On considère l'équation différentielle

$$(1+x^2)(y'-1) = 2xy$$

- 1) Trouver la solution de l'équation homogène associée
- 2) Trouver la solution générale

Indication: La primitive de $\frac{1}{x^2+1}$ se trouve dans les tables CRM

3) Trouver une solution particulière s telle que $s(\sqrt{3}) = -\pi$

Question 3

Dans cette question, nous considérons l'équation différentielle $2xy' = 3y + 4x^3 + 1$

- 1) Est-elle à coefficients constants?
- 2) Résoudre cette équation différentielle
 - i) par la méthode de variation de la constante
 - ii) par la une hypothèse sur la solution non homogène

Quelle est votre conclusion?

3) On appelle s(x) la solution de l'équation dont le graphe passe par le point P(4; 92). Montrer que $s(x) = \frac{7}{8}\sqrt{x^3} + \frac{4}{3}x^3 - \frac{1}{3}$